

【誤】 P9「ア 世帯票」

2 結果の推計及び標準誤差

(1) 推計方法及び誤差計算

ア 世帯票

全国推計値(ある属性をもつ世帯数(又は世帯員数)) \hat{Z} は、世帯員数を補助変数とする比推定により、下記のように算定した。

- \hat{Z} : ある属性をもつ世帯数(又は世帯員数)の全国推計値
- X_{ij} : 第*i*層の第*j*標本地区内の当該属性をもつ世帯数(又は世帯員数)
- Y_{ij} : 第*i*層の第*j*標本地区内の世帯員数
- N_i : 第*i*層に含まれる国勢調査地区数(後置番号1及び8)
- N : 国勢調査地区数(後置番号1及び8) ($N = \sum_i N_i$)
- n_i : 第*i*層の標本地区数
- n : 標本地区数 ($n = \sum_i n_i$)
- P : 推計日本人口(2023(令和5)年6月1日現在:121,447,599人 総務省統計局「人口推計月報」)

とすると、全国推計値 \hat{Z} は、

$$\hat{Z} = \frac{\sum_i \frac{N_i}{n_i} \sum_{j=1}^{n_i} X_{ij}}{\sum_i \frac{N_i}{n_i} \sum_{j=1}^{n_i} Y_{ij}} \cdot P \approx \frac{\sum_i \sum_j X_{ij}}{\sum_i \sum_j Y_{ij}} \cdot P$$

で与えられる。

\hat{Z} の分散の推計値は、近似的に、

$$\hat{V}(\hat{Z}) \approx \hat{Z}^2 \frac{N-n}{Nn} \left\{ \frac{\text{Var}(X)}{\bar{X}^2} - 2 \frac{\text{Cov}(X,Y)}{\bar{X} \cdot \bar{Y}} + \frac{\text{Var}(Y)}{\bar{Y}^2} \right\}$$

で与えられる。ここに、 \bar{X} 、 \bar{Y} は、

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_i \sum_j X_{ij}, \quad \bar{Y} = \frac{1}{n} \sum_i \sum_j Y_{ij}$$

であり、 $\text{Var}(X)$ 、 $\text{Var}(Y)$ 、 $\text{Cov}(X,Y)$ は、 X,Y の分散及び共分散である。

$$\text{Var}(X) = \frac{1}{n-1} \sum_i \sum_j (X_{ij} - \bar{X})^2, \quad \text{Var}(Y) = \frac{1}{n-1} \sum_i \sum_j (Y_{ij} - \bar{Y})^2$$

$$\text{Cov}(X,Y) = \frac{1}{n-1} \sum_i \sum_j (X_{ij} - \bar{X})(Y_{ij} - \bar{Y})$$

【正】 P9「ア 世帯票」

2 結果の推計及び標準誤差

(1) 推計方法及び誤差計算

ア 世帯票

全国推計値(ある属性をもつ世帯数(又は世帯員数)) \hat{Z} は、世帯員数を補助変数とする比推定により、下記のように算定した。

- \hat{Z} : ある属性をもつ世帯数(又は世帯員数)の全国推計値
- X_{ij} : 第*i*層の第*j*標本地区内の当該属性をもつ世帯数(又は世帯員数)
- Y_{ij} : 第*i*層の第*j*標本地区内の世帯員数
- N_i : 第*i*層に含まれる国勢調査地区数(後置番号1及び8)
- N : 国勢調査地区数(後置番号1及び8) ($N = \sum_i N_i$)
- n_i : 第*i*層の標本地区数
- n : 標本地区数 ($n = \sum_i n_i$)
- P : 推計日本人口(2021(令和3)年6月1日現在:122,952,071人 総務省統計局「人口推計月報」)

とすると、全国推計値 \hat{Z} は、

$$\hat{Z} = \frac{\sum_i \frac{N_i}{n_i} \sum_{j=1}^{n_i} X_{ij}}{\sum_i \frac{N_i}{n_i} \sum_{j=1}^{n_i} Y_{ij}} \cdot P \approx \frac{\sum_i \sum_j X_{ij}}{\sum_i \sum_j Y_{ij}} \cdot P$$

で与えられる。

\hat{Z} の分散の推計値は、近似的に、

$$\hat{V}(\hat{Z}) \approx \hat{Z}^2 \frac{N-n}{Nn} \left\{ \frac{\text{Var}(X)}{\bar{X}^2} - 2 \frac{\text{Cov}(X,Y)}{\bar{X} \cdot \bar{Y}} + \frac{\text{Var}(Y)}{\bar{Y}^2} \right\}$$

で与えられる。ここに、 \bar{X} 、 \bar{Y} は、

$$\bar{X} = \frac{1}{n} \sum_i \sum_j X_{ij}, \quad \bar{Y} = \frac{1}{n} \sum_i \sum_j Y_{ij}$$

であり、 $\text{Var}(X)$ 、 $\text{Var}(Y)$ 、 $\text{Cov}(X,Y)$ は、 X,Y の分散及び共分散である。

$$\text{Var}(X) = \frac{1}{n-1} \sum_i \sum_j (X_{ij} - \bar{X})^2, \quad \text{Var}(Y) = \frac{1}{n-1} \sum_i \sum_j (Y_{ij} - \bar{Y})^2$$

$$\text{Cov}(X,Y) = \frac{1}{n-1} \sum_i \sum_j (X_{ij} - \bar{X})(Y_{ij} - \bar{Y})$$

【誤】 P10「イ 所得票」

Zの標準誤差の推計値は、

$$\sqrt{\hat{V}(Z)}$$

であり、標準誤差率の推計値は

$$\frac{\sqrt{\hat{V}(Z)}}{Z}$$

で与えられる。

イ 所得票

推計値（ある属性を持つ世帯の平均所得） \hat{R} は比推定により、下記のように算定した。

- \hat{R} : ある属性を持つ世帯の平均所得
- N_i : 第*i*層に含まれる国勢調査地区数（後置番号1）
- N : 国勢調査地区数（後置番号1）（ $N = \sum_i N_i$ ）
- n_i : 第*i*層の世帯票調査地区数（後置番号1）
- n : 世帯票調査地区数（後置番号1）（ $n = \sum_i n_i$ ）
- M_i : 第*i*層の n_i 個の調査地区から設定された単位区数
- M : n 個の調査地区から設定された単位区数（ $M = \sum_i M_i$ ）
- m_i : 第*i*層の調査単位区数
- m : 調査単位区数（ $m = \sum_i m_i$ ）
- X_{ij} : 第*i*層の第*j*単位地区のある属性を持つ世帯の総所得
- Y_{ij} : 第*i*層の第*j*単位地区のある属性を持つ世帯の総数

とすると、推計値 \hat{R} は、

$$\hat{R} = \frac{\sum_i \frac{N_i M_i}{n_i m_i} \sum_j X_{ij}}{\sum_i \frac{N_i M_i}{n_i m_i} \sum_j Y_{ij}} = \frac{\sum_i \sum_j X_{ij}}{\sum_i \sum_j Y_{ij}}$$

で与えられる。

\hat{R} の分散の推計値は、近似的に、

$$\hat{V}(\hat{R}) \approx \hat{R}^2 \frac{L-m}{Lm} \left\{ \frac{\text{Var}(X)}{\bar{X}^2} - 2 \frac{\text{Cov}(X,Y)}{\bar{X} \cdot \bar{Y}} + \frac{\text{Var}(Y)}{\bar{Y}^2} \right\}$$

で与えられる。ここに、

$$L = \frac{NM}{n}, \quad \bar{X} = \frac{1}{m} \sum_i \sum_j X_{ij}, \quad \bar{Y} = \frac{1}{m} \sum_i \sum_j Y_{ij}$$

であり、 $\text{Var}(X)$ 、 $\text{Var}(Y)$ 、 $\text{Cov}(X,Y)$ は、 X,Y の分散及び共分散である。

【正】 P10「イ 所得票」

Zの標準誤差の推計値は、

$$\sqrt{\hat{V}(Z)}$$

であり、標準誤差率の推計値は

$$\frac{\sqrt{\hat{V}(Z)}}{Z}$$

で与えられる。

イ 所得票

推計値（ある属性を持つ世帯の平均所得） \hat{R} は比推定により、下記のように算定した。

- \hat{R} : ある属性を持つ世帯の平均所得
- N_i : 第*i*層に含まれる国勢調査地区数（後置番号1）
- N : 国勢調査地区数（後置番号1）（ $N = \sum_i N_i$ ）
- n_i : 第*i*層の世帯票調査地区数（後置番号1）
- n : 世帯票調査地区数（後置番号1）（ $n = \sum_i n_i$ ）
- M_i : 第*i*層の n_i 個の調査地区から設定された単位区数
- M : n 個の調査地区から設定された単位区数（ $M = \sum_i M_i$ ）
- m_i : 第*i*層の調査単位区数
- m : 調査単位区数（ $m = \sum_i m_i$ ）
- X_{ij} : 第*i*層の第*j*単位地区のある属性を持つ世帯の総所得
- Y_{ij} : 第*i*層の第*j*単位地区のある属性を持つ世帯の総数

とすると、推計値 \hat{R} は、

$$\hat{R} = \frac{\sum_i \frac{N_i M_i}{n_i m_i} \sum_j X_{ij}}{\sum_i \frac{N_i M_i}{n_i m_i} \sum_j Y_{ij}} = \frac{\sum_i \sum_j X_{ij}}{\sum_i \sum_j Y_{ij}}$$

で与えられる。

\hat{R} の分散の推計値は、近似的に、

$$\hat{V}(\hat{R}) \approx \hat{R}^2 \frac{L-m}{Lm} \left\{ \frac{\text{Var}(X)}{\bar{X}^2} - 2 \frac{\text{Cov}(X,Y)}{\bar{X} \cdot \bar{Y}} + \frac{\text{Var}(Y)}{\bar{Y}^2} \right\}$$

で与えられる。ここに、

$$L = \frac{NM}{n}, \quad \bar{X} = \frac{1}{m} \sum_i \sum_j X_{ij}, \quad \bar{Y} = \frac{1}{m} \sum_i \sum_j Y_{ij}$$

であり、 $\text{Var}(X)$ 、 $\text{Var}(Y)$ 、 $\text{Cov}(X,Y)$ は、 X,Y の分散及び共分散である。